

استخدام ميكانيكا الكم لدراسة امتزاز جزيئات النيتروجين فيزيائياً على سطح MgO(001)

فاطمة عمر بن جهان¹ و عبد الوهاب خليل الصلابي^{2*}
1-جامعة مصراتة، كلية التربية، قسم الفيزياء، مصراتة - ليبيا
2-جامعة مصراتة، كلية العلوم، قسم الفيزياء، مصراتة - ليبيا
sallabiabdulwahab@gmail.com

المخلص

تم تعيين الاهتزازات الديناميكية للتركيبة °R33.7(√13×√13)، °R36.9(√25×√25)، و °(2×2)c التي تكونها جزيئات النيتروجين الممتزة فيزيائياً على سطح MgO(001)، باستخدام الطريقة الكمية DFT عند مستوى الحساب B3LYP/6-31G(d). وقد تم الحصول على نمط عمودي لـ N₂ في التركيب °R33.7(√13×√13) بطاقة اهتزاز 6.40 meV، ونمط عمودي لـ N₂ في التركيب °R36.9(√25×√25) بطاقة اهتزاز 6.49 meV، ونمط عمودي لـ N₂ في التركيب °(2×2)c بطاقة اهتزاز 7.49 meV، وعدد اثنين من الأنماط ذات الطاقة الأقل تصنف بأنها الاهتزازات الموازية للسطح.

الكلمات المفتاحية: جزيئات النيتروجين، طريقة ال DFT، الترددات الاهتزازية، الامتزاز.

Submission date: 29-7-2023,

Acceptance date: 16-8-2023,

publishing date: 26-8-2023

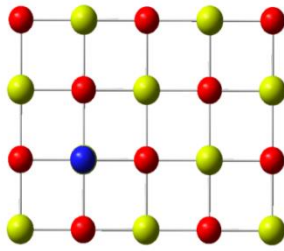
ذات الطاقة الأقل تصنف بأنها الاهتزازات الموازية للسطح. ومن أجل الحصول على تفاصيل أكثر عن تراكيب جزيئات النيتروجين على سطح أكسيد المغنيسيوم عند درجات الحرارة المنخفضة، تم دراسة هذا النظام N₂/MgO(001) نظرياً باستخدام طريقة المحاكاة مونت كارلو (MC)^[1] التي أجريت في مدي درجات الحرارة من 1 إلى 60 كلفن. حيث تم معرفة مواضع استقرار واتجاه محاور جزيئات N₂ في التركيب °R33.7(√13×√13)، بينت نتائج هذه الدراسة أن هذا التركيب يكون مستقراً عند درجات حرارة أقل من 12 كلفن بتغطية 70% على السطح، وهذا على اتفاق مع النتائج التجريبية HAS^[3]، وعندما ترتفع درجة الحرارة إلى 20 كلفن ينتقل التركيب °R33.7(√13×√13) طورياً إلى التركيب الأقل كثافة °R36.9(√25×√25)، هذا التركيب يكون مستقر عند درجات حرارة أقل من 25 كلفن وتغطية 64%. وقد توقعت هذه الدراسة انه عند زياده درجة الحرارة إلى أعلى من 25 كلفن تحدث سلسلة من الانتقالات الطورية إلى تراكيب أخرى مختلفة النسق والكثافة وتوقعت أن هذه السلسلة من الانتقالات يمكن أن تكون مثلاً تجريبياً لنظرية Devil's stair cases. بالإضافة إلى العمل التجريبي والمحاكاة بطريقة مونت كارلو تم أيضاً استخدام "نظرية دالية الكثافة" DFT وهي من الطرق الكمية، وذلك للحصول على معلومات عن تراكيب واستقرار واهتزاز الجزيئات الممتزة فيزيائياً على الأسطح الأيونية لأنظمة مشابهة لنظام N₂/MgO(001) ومن هذه الأنظمة نظام^[4] H₂/MgO(001)، ونظام^[5] Co/MgO(001).

في هذه الورقة البحثية سنستخدم الطريقة الكمية "نظرية دالية الكثافة الإلكترونية" DFT عند مستوى الحساب B3LYP/6-31G(d)، لحساب التردد الاهتزازي للجزيئات النيتروجين الممتزة على سطح أكسيد المغنيسيوم في حالة جزي وحيد وفي حالات التغطية التي يكون فيها النيتروجين تركيبات مستقرة والتي تم نشر تفاصيلها التركيبية في المراجع المنشورة^[1]، أي أننا سنقوم بحساب الترددات لجزيئات النيتروجين الممتزة على سطح أكسيد المغنيسيوم كدالة في التغطية (الضغط). ومقارنة النتائج مع النتائج العملية المنشورة باستخدام استخدام تشتت ذرات الهيليوم HAS^[3].

المقدمة

بدأت دراسة تراكيب جزيئات النيتروجين N₂ على الأسطح الأيونية في تسعينات القرن الماضي، وذلك للتعرف على أنواع التراكيب المختلفة التي تكونها الجزيئات على هذه الأسطح. حيث كانت دراسة تراكيب واستقرار جزيئات النيتروجين على سطح أكسيد المغنيسيوم N₂/MgO(001) موضوعاً لدراسات تجريبية ونظرية مختلفة^[1,2,3]. حيث بينت الدراسات التجريبية باستخدام تشتت ذرات الهيليوم HAS^[3]، وتشتت النيوترونات ذات الطاقة المنخفضة^[2] أن جزيئات النيتروجين تشكل تراكيب مرتبة على سطح أكسيد المغنيسيوم. و أيضاً تم دراسة هذا النظام نظرياً باستخدام طرق المحاكاة مونت كارلو^[1] (MC).

تم دراسة تراكيب وأطياف ديناميكية الطبقة الأحادية من جزيئات النيتروجين N₂ الممتزة فيزيائياً على سطح أكسيد المغنيسيوم MgO(001) بواسطة تشتت ذرات الهيليوم HAS^[3] عند درجات الحرارة المنخفضة حيث بينت، وفي توافق مع نتائج تجارب تشتت النيوترونات ذات الطاقة المنخفضة^[2]، أن جزيئات النيتروجين الممتزة على السطح و بتغطية 70% تكون عند درجات حرارة أعلى من 11 كلفن التركيب المرتب °R33.7(√13×√13)، وقد وجد أيضاً أن التركيب °R33.7(√13×√13)، يحدث له انتقال في الطور عند درجة حرارة 20 كلفن إلى تركيب آخر يختلف عن التركيب °R33.7(√13×√13)، في التغطية وفي مواضع الجزيئات واتجاه محورها و وحدة الخلية. كما بينت تجارب HAS أن هذا التركيب الجديد له أطياف تختلف عن التركيب السابق. في دراسة مترامنة مع تجارب تشتت ذرات الهيليوم HAS^[3] بينت المحاكاة بطريقة مونت كارلو أن التركيب الجديد يكون له الشبكة °R36.9(√25×√25)، أيضاً في هذه الدراسة تم حساب منحنيات التشتت والترددات الاهتزازية لتركيبة الجزيئات N₂ على سطح أكسيد المغنيسيوم، حيث تم تعيين أطياف الجزيئات النيتروجين الممتزة على سطح أكسيد المغنيسيوم وقد وجد أنها تتكون من أنماط عمودية طاقتها تتراوح بين (6.7-8.5) meV، وعدد من الأطياف



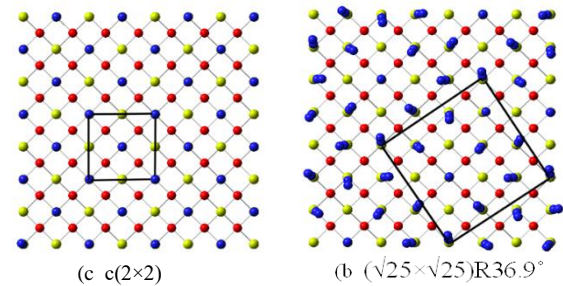
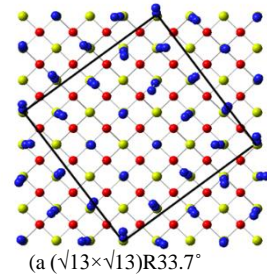
الشكل (2): وضع جزيء النيتروجين الممتز المعزول على سطح أكسيد المغنيسيوم (MgO(001)).

الجدول (1) الأنماط الاهتزازية وقيم الترددات (Freq(meV) لجزيء نيتروجين ممتز عمودي $\theta=0^\circ$ على سطح MgO(001) باستخدام الطريقة الكمية DFT. 1- نمط اهتزازي عمودي قيمة تردده 7.59 meV يطلق عليه بالنمط الاهتزازي رقم واحد. 2- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 4.78 meV يطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثاني الموازي للسطح. 3- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 4.90 meV يطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثالث الموازي للسطح.

| Vibrational mode | Freq (meV) |
|-------------------------------|------------|
| 1 Perpendicular (Translation) | 7.59 |
| 2 Parallel (Translation) | 4.784.9 |
| 3 | 0 |

طريقة المحاكاة المستخدمة

في هذه الدراسة تم استخدام الطريقة الكمية "نظرية دالية الكثافة الإلكترونية" DFT عند مستوى الحساب B3LYP/6-31G(d) والإستعانة ببرنامج Gaussian09. تعتبر طريقة B3LYP^[6] من أكثر الطرق الكمية استخداما في الحسابات وتعطي نتائج جيدة لتراكيب الجزيئات الممتزة على الأسطح الأيونية وطاقات الإمتزاز^[6,7]. أما 6-31G(d) فهي المجموعة الأساسية المستخدمة لكل ذرات النظام (N-Mg-O) وهي من المجموعات الأساسية الشائعة جداً لإجراء العمليات الحسابية للأنظمة الصلبة والتي تم استخدامها في هذا البحث. تم أخذ مواضع جزيئات النيتروجين وأيونات سطح أكسيد المغنيسيوم من التراكيب السابقة المنشورة لنظام $N_2/MgO(001)$ باستخدام طريقة المحاكاة مونت كارلو (MC)^[1]. الشكل رقم (1) يوضح النماذج التركيبية لجزيئات النيتروجين على سطح MgO(001).
(a) التركيب $(\sqrt{13} \times \sqrt{13})R33.7^\circ$.
(b) التركيب $(\sqrt{25} \times \sqrt{25})R33.9^\circ$.
(c) التركيب (2×2) .

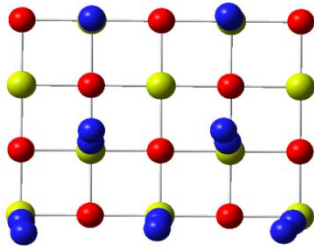


الشكل (1) النماذج التركيبية لجزيئات النيتروجين على سطح MgO(001)^[1] حيث توضح الكرات (●) ذرتي النيتروجين المكونة للجزيء بينما الكرات (●) ت الأكسجين السالبة والكرات (●) أيونات المغنيسيوم الموجبة (a) التركيب $(\sqrt{13} \times \sqrt{13})R33.7^\circ$.
(b) التركيب $(\sqrt{25} \times \sqrt{25})R33.9^\circ$, (c) التركيب (2×2) .

نتائج المحاكاة

1- نتائج حساب الترددات والأنماط الاهتزازية لجزيء N_2 الممتز على سطح (MgO(001)).

وُضع جزيء النيتروجين فوق سطح MgO(001) بحيث يقع مركز كتلة الجزيء فوق أيون المغنيسيوم الموجب Mg^{+2} عند زاوية قطبية $\theta=0^\circ$ وموازيا للمحور z كما موضح في الشكل (2). وعند مسافة الاتزان التي يكون فيها الجزيء أكثر استقرار. وحساب الأنماط والترددات الاهتزازية لجزيء النيتروجين الممتز على سطح أكسيد المغنيسيوم باستخدام طريقة DFT. الجدول (1) يحتوي على نتائج الأنماط والترددات الاهتزازية لجزيء ممتز على سطح MgO(001).



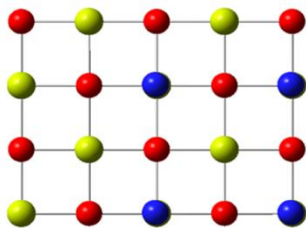
الشكل (4): وحدة الخلية للتركيب $R36.9^\circ$ ($\sqrt{25} \times \sqrt{25}$) على سطح $MgO(001)$.

الجدول (3) الأنماط الاهتزازية وقيم الترددات (meV) لجزيء نيتروجين عمودي $\theta=0^\circ$ في التركيب $R33.7^\circ$ باستخدام الطريقة الكمية DFT. 1- نمط اهتزازي عمودي قيمة تردده 6.49meV يطلق عليه بالنمط الاهتزازي رقم واحد. 2- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 5.00meV ويطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثاني الموازي للسطح. 3- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 3.22meV ويطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثالث الموازي للسطح.

| Vibrational mode | Freq (meV) |
|-------------------------------|------------|
| 1 Perpendicular (Translation) | 6.49 |
| 2 Parallel (Translation) | 5.00 |
| 3 | 3.22 |

4- نتائج حساب الترددات الاهتزازية للتركيب $c(2 \times 2)$ على سطح $MgO(001)$.

تم اختيار جزيء واحد عمودي من وحدة الخلية للتركيب $c(2 \times 2)$ الموضح في الشكل (5)، وحساب ترددات وأنماط الاهتزاز لجزيء النيتروجين في وحدة الخلية، باستخدام الطريقة الكمية DFT، الجدول (4) يحتوي على نتائج الأنماط والترددات الاهتزازية للتركيب $R36.9^\circ$ ($\sqrt{25} \times \sqrt{25}$).

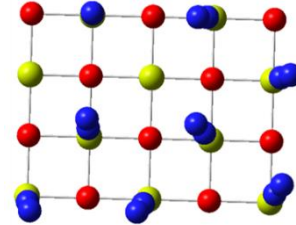


الشكل (5): وحدة الخلية للتركيب $c(2 \times 2)$ على سطح $MgO(001)$.

2- نتائج حساب الترددات الاهتزازية للتركيب

$R33.7^\circ$ ($\sqrt{13} \times \sqrt{13}$) على سطح $MgO(001)$

تم اختيار جزيء واحد عمودي من وحدة الخلية للتركيب $R33.7^\circ$ ($\sqrt{13} \times \sqrt{13}$) الموضح في الشكل (3)، وحساب ترددات وأنماط الاهتزاز لجزيء النيتروجين في وحدة الخلية، باستخدام الطريقة الكمية DFT، الجدول (2) يحتوي على نتائج الأنماط والترددات الاهتزازية للتركيب $R33.7^\circ$ ($\sqrt{13} \times \sqrt{13}$).



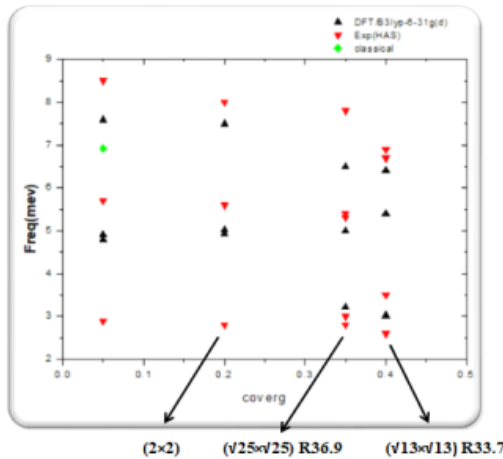
الشكل (3): وحدة الخلية للتركيب $R33.7^\circ$ ($\sqrt{13} \times \sqrt{13}$) على سطح $MgO(001)$.

الجدول (2) الأنماط الاهتزازية وقيم الترددات (meV) لجزيء نيتروجين عمودي $\theta=0^\circ$ في التركيب $R33.7^\circ$ باستخدام الطريقة الكمية DFT. 1- نمط اهتزازي عمودي قيمة تردده 6.40meV يطلق عليه بالنمط الاهتزازي رقم واحد. 2- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 5.39meV ويطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثاني الموازي للسطح. 3- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 3.02meV ويطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثالث الموازي للسطح.

| Vibrational mode | Freq (meV) |
|-------------------------------|------------|
| 1 Perpendicular (Translation) | 6.40 |
| 2 Parallel (Translation) | 5.39 |
| 3 | 3.02 |

3- نتائج حساب الترددات الاهتزازية للتركيب $R36.9^\circ$ ($\sqrt{25} \times \sqrt{25}$) على سطح $MgO(001)$.

تم اختيار جزيء واحد عمودي من وحدة الخلية للتركيب $R36.9^\circ$ ($\sqrt{25} \times \sqrt{25}$) الموضح في الشكل (4)، وحساب ترددات وأنماط الاهتزاز لجزيء النيتروجين في وحدة الخلية، باستخدام الطريقة الكمية DFT، الجدول (3) يحتوي على نتائج الأنماط والترددات الاهتزازية للتركيب $R36.9^\circ$ ($\sqrt{25} \times \sqrt{25}$).



الشكل (6) يبين العلاقة بين التردد والتغطية للتركيب المختلفة لجزيء نيتروجين ممتز على سطح $\text{MgO}(001)$, التركيب $\text{R}33.7$ $(\sqrt{13} \times \sqrt{13})$, التركيب $\text{R}36.9$ $(\sqrt{25} \times \sqrt{25})$ والتركيب $c(2 \times 2)$ على سطح $\text{MgO}(001)$. باستخدام طرق الكمية DFT وعند مستوي الحساب B3LYP-6-31G(d)، والمقارنة بالدراسة التجريبية باستخدام تشتت ذرات الهيليوم HAS^[3].

الجدول (4) الأنماط الاهتزازية وقيم الترددات $\text{Freq}(\text{meV})$ لجزيء نيتروجين عمودي $\theta=0^\circ$ في التركيب $c(2 \times 2)$ على سطح $\text{MgO}(001)$, باستخدام الطريقة الكمية DFT. 1- نمط اهتزازي عمودي قيمة تردده 7.49 meV يطلق عليه بالنمط الاهتزازي رقم واحد. 2- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 5.02 meV ويطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثاني الموازي للسطح. 3- نمط اهتزازي أقل من تردد العمودي قيمة تردده 4.92 meV ويطلق عليه بالنمط الاهتزازي الثالث الموازي للسطح.

| Vibrational mode | | Freq meV |
|------------------|-----------------------------|----------|
| 1 | Perpendicular (Translation) | 7.49 |
| 2 | Parallel (Translation) | 5.02 |
| 3 | | 4.92 |

الجدول (5) يبين مقارنة قيم الترددات وأنماط الإهتزاز للتركيب $\text{R}33.7^\circ$ $(\sqrt{13} \times \sqrt{13})$ والتركيب $\text{R}33.9^\circ$ $(\sqrt{25} \times \sqrt{25})$ والتركيب $c(2 \times 2)$ على سطح $\text{MgO}(001)$ وجزيء نيتروجين واحد على سطح $\text{MgO}(001)$ باستخدام طريقة DFT والمقارنة بالدراسة التجريبية باستخدام تشتت ذرات الهيليوم HAS^[3].

| Vibrational Mode | $(\sqrt{13} \times \sqrt{13}) \text{R}33.7^\circ$ | $(\sqrt{25} \times \sqrt{25}) \text{R}33.9^\circ$ | $c(2 \times 2)$ | Singl Molecule | Experimental results HAS ^[3] |
|-------------------------------|---|---|-----------------|----------------|---|
| | Freq (meV) | Freq (meV) | Freq (meV) | Freq (meV) | Freq (meV) |
| 1 Perpendicular (Translation) | 6.40 | 6.49 | 7.49 | 7.59 | 8.5- 6.7 |
| 2 Parallel | 3.02 | 3.22 | 4.92 | 4.78 | 3 - 5.7 |
| 3 (Translation) | 5.39 | 5.00 | 5.02 | 4.90 | |

- 1- قيمة الترددات الاهتزازية تقل كلما زادت عدد الجزئيات (التغطية) على السطح ومن هذا يتضح لنا أن تغير الطور كدالة في التغطية يوصف أيضا بنظرية Devil's stair cases.
- 2- نتائج هذه الدراسة كانت متوافقة مع النتائج التجريبية المنشورة باستخدام تشتت ذرات الهيليوم (HAS). حيث أعطت نتائج هذه الدراسة تفصيلا أكثر وضوحاً للأنماط الاهتزازية وتعيين اتجاهاتها.

المناقشة

تم تعيين الترددات وأنماط الإهتزاز لجزيئات النيتروجين الممتزة على سطح أكسيد الماغنسيوم كدالة في التغطية (الضغط) عند تراكيب مختلفة (جزيء نيتروجين ممتز على سطح MgO(001) التركيب 33.7° ($\sqrt{13} \times \sqrt{13}$), التركيب 36.9° ($\sqrt{25} \times \sqrt{25}$), والتركيب $c(2 \times 2)$ على سطح MgO (001), وذلك باستخدام طرق DFT عند مستوى الحساب B3LYP/6-31G(d) ومن هذه النتائج تبين لنا أن:

المراجع

- den(001)-Oberflächen von LiF, NaCl, KCl und MgO, Dissertation universität Göttingen.
- [4] Yue-Hong Yin, Hong-Shan Chen, Computational and Theoretical Chemistry, **1081** (2016) 1.
- [5] J. Maul, G. Spoto, L. Mino, A. Erba, *Phys. Chem. Chem. Phys.* **21** (2019) 26279.
- [6] B. Miehl, A. Savin, H. Stoll and H. Preuss, *Chys. Phys. Lett.* **157** (1989) 200.
- [7] D. Sholl, J. Steckel, (2009), "Density Functional Theory A Practical Introduction", John Wiley and Sons, Inc.

- [1] Abdulwahab K. Sallabi, (2002) "Computer Simulations of the Structure, Stability and Phase Transitions of Diatomic Molecules Physisorbed on Ionic Surfaces: the Co/MgO(001), N₂/MgO(001), N₂/NaCl(001) systems", Concordia University, Canada. Published.
- [2] M. Trabelsi, J. P. Coulomb, D. Degenhardt, H. Lauter, *Surf. Sci.* **377** (1997) 38.
- [3] F. Trager, (2002), "Streuxperiment mit Wasserstoff- und Heliumstrahlen zur Untersuchung der Wechselwirkung von H₂, N₂ und C₂H₂ mit

Quantum Mechanics to Study the Nitrogen Molecules Physisorbed on MgO(001) Surface

Fatma Omar Ben Jahan¹ and Abdulwahab K. Sallabi^{2,}*

¹Physics Department, Faculty of Education, Misurata University, Libya

²Physics Department, Faculty of Science, Misurata University, Libya

*Corresponding Author: sallabiabdulwahab@gmail.com

Abstract

Density functional theory method [DFT(B3LYP/6-31G(d))] is used to calculate the dynamical vibrations of $(\sqrt{13}\times\sqrt{13})R33.7^\circ$, $(\sqrt{25}\times\sqrt{25})R36.9^\circ$, and $c(2\times 2)$ structures of physisorbed N_2 on the MgO(001) surface. It is found that N_2 in these structures have one perpendicular mode with respect to the surface at 6.40 meV, 6.49 meV and 7.49 meV respectively. It is found that there are two modes at lower energy which assigned to the parallel vibrations.

Keywords: Nitrogen molecules, MgO(001), DFT, Vibrations, Physical adsorption